

1 <相互関係>

① $\sin^2 \theta + \cos^2 \theta = 1$

② $\tan \theta = \frac{\sin \theta}{\cos \theta}$

③ $1 + \tan^2 \theta = \frac{1}{\cos^2 \theta}$

2 <単位円上での $\sin \theta$, $\cos \theta$, $\tan \theta$ の役割と図形的意味>① 単位円上で $\cos \theta$ は x 座標を表す。よって図で表すと 縦 線で、とり得る範囲は $-1 \leq \cos \theta \leq 1$ ② 単位円上で $\sin \theta$ は y 座標を表す。よって図で表すと 横 線で、とり得る範囲は $-1 \leq \sin \theta \leq 1$ ③ 単位円上で $\tan \theta$ は 傾き を表す。 $\tan \theta$ は $x=1$ 上をすべて動くので、とり得る範囲は 実数 全て

3 <加法定理>

① $\sin(\alpha + \beta) = \sin \alpha \cos \beta + \cos \alpha \sin \beta$

② $\sin(\alpha - \beta) = \sin \alpha \cos \beta - \cos \alpha \sin \beta$

③ $\cos(\alpha + \beta) = \cos \alpha \cos \beta - \sin \alpha \sin \beta$

④ $\cos(\alpha - \beta) = \cos \alpha \cos \beta + \sin \alpha \sin \beta$

⑤ $\tan(\alpha + \beta) = \frac{\tan \alpha + \tan \beta}{1 - \tan \alpha \tan \beta}$

⑥ $\tan(\alpha - \beta) = \frac{\tan \alpha - \tan \beta}{1 + \tan \alpha \tan \beta}$

4 <2倍角の公式> $2\theta = \theta + \theta$ と加法定理で作れる公式

① $\sin 2\theta = 2\sin \theta \cos \theta$

② $\cos 2\theta = \cos^2 \theta - \sin^2 \theta$

$\cos 2\theta = 1 - 2\sin^2 \theta$

$\cos 2\theta = 2\cos^2 \theta - 1$

③ $\tan 2\theta = \frac{2\tan \theta}{1 - \tan^2 \theta}$

<計算スペース>

5 < $\cos^2\theta$ 、 $\sin^2\theta$ を $\cos 2\theta$ に置き換え >

① $\cos 2\theta = 1 - 2\sin^2\theta$ を変形して、

$$\sin^2\theta = \frac{1}{2} - \frac{1}{2}\cos 2\theta$$

② $\cos 2\theta = 2\cos^2\theta - 1$ を変形して、

$$\cos^2\theta = \frac{1}{2} + \frac{1}{2}\cos 2\theta$$

6 < 半角の公式 > 5の①、②の θ を $\frac{\theta}{2}$ に置き換えるとできる公式

$$\textcircled{1} \sin^2\frac{\theta}{2} = \frac{1}{2} - \frac{1}{2}\cos\theta$$

$$\textcircled{2} \cos^2\frac{\theta}{2} = \frac{1}{2} + \frac{1}{2}\cos\theta$$

7 < 3倍角の公式 > $3\theta = \theta + 2\theta$ と加法定理で作れる公式

$$\textcircled{1} \sin 3\theta = 3\sin\theta - 4\sin^3\theta$$

$$\textcircled{2} \cos 3\theta = -3\cos\theta + 4\cos^3\theta$$

<計算スペース>